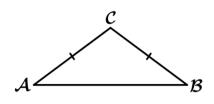
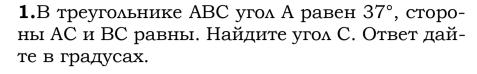
# 01. Планиметрия. Блок 1. ФИПИ

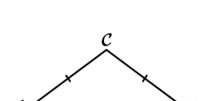
## <u>I)</u> Биссектриса, медиана, высота, сумма углов в треугольнике

те в градусах.

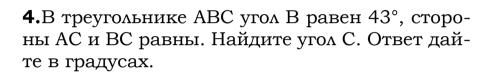


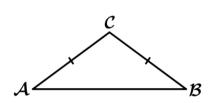


**2.**В треугольнике АВС угол А равен 41°, сторо-



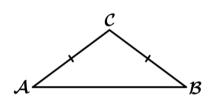
ны АС и ВС равны. Найдите угол С. Ответ дайте в градусах. **3.**В треугольнике АВС угол В равен 35°, стороны АС и ВС равны. Найдите угол С. Ответ дай-



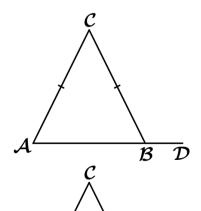


**5.**В треугольнике АВС угол С равен 102°, стороны АС и ВС равны. Найдите угол А. Ответ дайте в градусах.



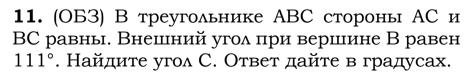


- **7.**В треугольнике АВС угол С равен 108°, стороны АС и ВС равны. Найдите угол А. Ответ дайте в градусах.
- **8.**В треугольнике АВС угол С равен 116°, стороны АС и ВС равны. Найдите угол В. Ответ дайте в градусах.

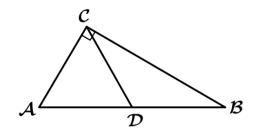


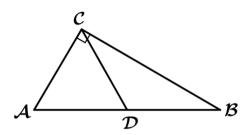
 $\mathcal{D}$ 

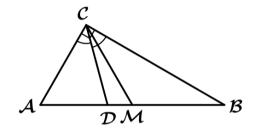
- **9.** (ОБЗ) В треугольнике АВС стороны АС и ВС равны. Внешний угол при вершине В равен 107°. Найдите угол С. Ответ дайте в градусах.
- **10.** (ОБЗ) В треугольнике АВС стороны АС и ВС равны. Внешний угол при вершине В равен 103°. Найдите угол С. Ответ дайте в градусах.

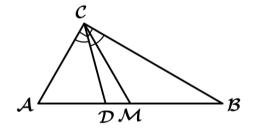


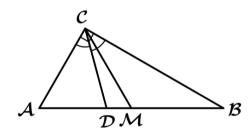
**12.** (ОБЗ) В треугольнике АВС стороны АС и ВС равны. Внешний угол при вершине В равен 109°. Найдите угол С. Ответ дайте в градусах.

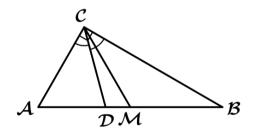


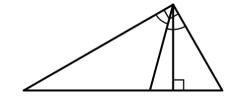




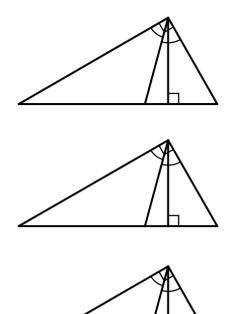


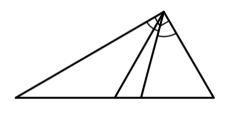


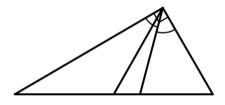


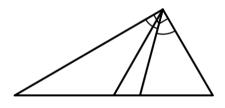


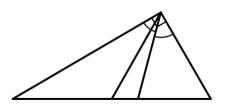
- **13.** В треугольнике ABC CD медиана, угол C равен 90°, угол B равен 35°. Найдите угол ACD. Ответ дайте в градусах.
- **14.** В треугольнике ABC CD медиана, угол C равен 90°, угол B равен 17°. Найдите угол ACD. Ответ дайте в градусах.
- **15.** В треугольнике ABC CD медиана, угол C равен 90°, угол B равен 26°. Найдите угол ACD. Ответ дайте в градусах.
- **16.** В треугольнике ABC CD медиана, угол C равен 90°, угол B равен 31°. Найдите угол ACD. Ответ дайте в градусах.
- **17.** (ОБЗ) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 21°. Найдите величину угла между биссектрисой СD и медианой СМ проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **18.** (ОБЗ) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 17°. Найдите величину угла между биссектрисой СD и медианой СМ проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **19.** (ОБЗ) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 16°. Найдите величину угла между биссектрисой СD и медианой СМ проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **20.** (ОБЗ) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 20°. Найдите величину угла между биссектрисой СD и медианой СМ проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **21.** В прямоугольном треугольнике угол между высотой и биссектрисой, проведёнными из вершины прямого угла, равен 14°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.

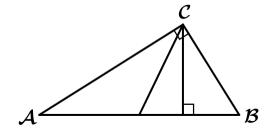




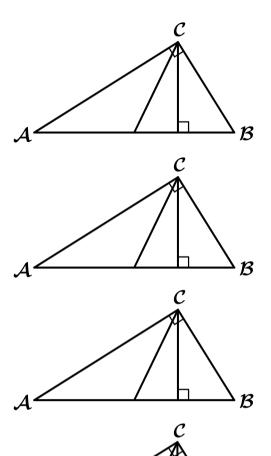




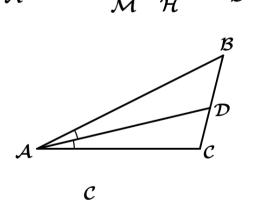




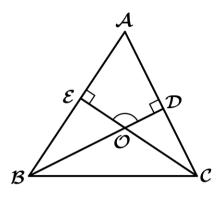
- **22.** В прямоугольном треугольнике угол между высотой и биссектрисой, проведёнными из вершины прямого угла, равен 34°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **23.** В прямоугольном треугольнике угол между высотой и биссектрисой, проведёнными из вершины прямого угла, равен 9°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **24.** В прямоугольном треугольнике угол между высотой и биссектрисой, проведёнными из вершины прямого угла, равен 23°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **25.** Угол между биссектрисой и медианой прямоугольного треугольника, проведёнными из вершины прямого угла, равен 12°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **26.** Угол между биссектрисой и медианой прямоугольного треугольника, проведёнными из вершины прямого угла, равен 19°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **27.** Угол между биссектрисой и медианой прямоугольного треугольника, проведёнными из вершины прямого угла, равен 14°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **28.** Угол между биссектрисой и медианой прямоугольного треугольника, проведёнными из вершины прямого угла, равен 18°. Найдите меньший угол прямоугольного треугольника. Ответ дайте в градусах.
- **29.** Острые углы прямоугольного треугольника равны 84° и 6°. Найдите угол между высотой и медианой, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.

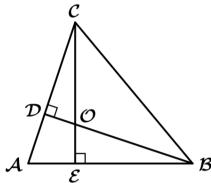


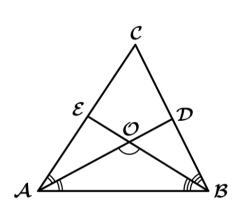
- **30.** Острые углы прямоугольного треугольника равны 53° и 37°. Найдите угол между высотой и медианой, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.
- **31.** Острые углы прямоугольного треугольника равны 62° и 28°. Найдите угол между высотой и медианой, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.
- **32.** Острые углы прямоугольного треугольника равны 87° и 3°. Найдите угол между высотой и медианой, проведёнными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.
- **33.** (Демо) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 64°. Найдите величину угла между высотой СН и медианой СМ, проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **34.** (Демо) Острый угол В прямоугольного треугольника АВС равен 61°. Найдите величину угла между высотой СН и медианой СМ, проведёнными из вершины прямого угла С. Ответ дайте в градусах.
- **35.** В треугольнике ABC AD биссектриса, угол C равен 104°, угол CAD равен 6°. Найдите угол В. Ответ дайте в градусах.
- **36.** В треугольнике ABC AD биссектриса, угол C равен 105°, угол CAD равен 7°. Найдите угол В. Ответ дайте в градусах.
- **37.** В треугольнике ABC AD биссектриса, угол C равен 62°, угол CAD равен 32°. Найдите угол В. Ответ дайте в градусах.
- **38.** В треугольнике ABC AD биссектриса, угол C равен 68°, угол CAD равен 44°. Найдите угол В. Ответ дайте в градусах.

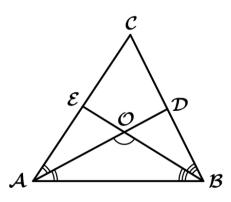


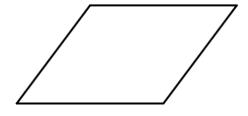
#### II) Четырехугольники



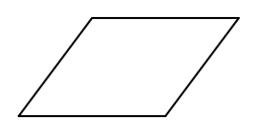




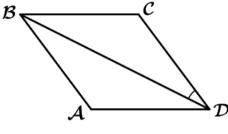




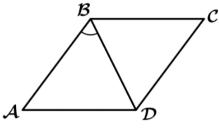
- **39.** В треугольнике ABC угол A равен 44°, углы B и C острые, высоты BD и CE пересекаются в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.
- **40.** В треугольнике ABC угол A равен 70°, углы B и C острые, высоты BD и CE пересекаются в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.
- **41.** В остроугольном треугольнике АВС угол А равен 59°, ВD и СЕ высоты, пересекающиеся в точке О. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.
- **42.** В остроугольном треугольнике ABC угол A равен 62°, BD и CE высоты, пересекающиеся в точке О. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.
- **43.** В треугольнике ABC угол C равен 58°, биссектрисы AD и BE пересекаются в точке О. Найдите угол AOB. Ответ дайте в градусах.
- **44.** В треугольнике АВС угол С равен 66°, биссектрисы АD и ВЕ пересекаются в точке О. Найдите угол АОВ. Ответ дайте в градусах.
- **45.** В треугольнике ABC угол C равен 74°, биссектрисы AD и BE пересекаются в точке О. Найдите угол AOB. Ответ дайте в градусах.
- **46.** В треугольнике ABC угол C равен 62°, биссектрисы AD и BE пересекаются в точке О. Найдите угол AOB. Ответ дайте в градусах.
- **47.** Один угол параллелограмма больше другого на 36°. Найдите меньший угол. Ответ дайте в градусах.
- **48.** Один угол параллелограмма больше другого на 28°. Найдите меньший угол. Ответ дайте в градусах.



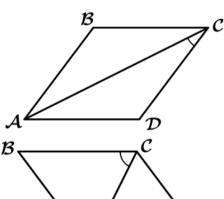
- **49.** Один угол параллелограмма больше другого на 52°. Найдите больший угол. Ответ дайте в градусах.
- **50.** Один угол параллелограмма больше другого на 40°. Найдите больший угол. Ответ дайте в градусах.



**51.** В ромбе ABCD угол DAB равен 148°. Найдите угол BDC. Ответ дайте в градусах.



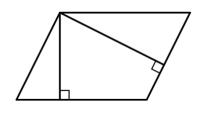
**52.** В ромбе ABCD угол BCD равен 48°. Найдите угол DBA. Ответ дайте в градусах.



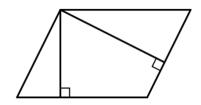
**53.** В ромбе ABCD угол ABC равен 150°. Найдите угол ACD. Ответ дайте в градусах.

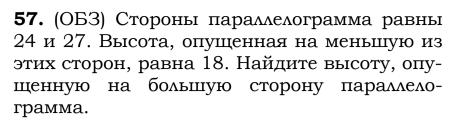
**54.** В ромбе ABCD угол CDA равен 78°. Найдите угол ACB. Ответ дайте в градусах.

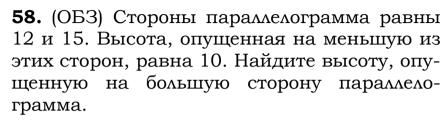
# <u>III) Площадь. Теорема Пифагора</u>

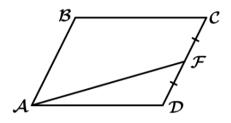


- **55.** (ОБЗ) Стороны параллелограмма равны 5 и 10. Высота, опущенная на меньшую из этих сторон, равна 3. Найдите высоту, опущенную на большую сторону параллелограмма.
- **56.** (ОБЗ) Стороны параллелограмма равны 9 и 15. Высота, опущенная на меньшую из этих сторон, равна 10. Найдите высоту, опущенную на большую сторону параллелограмма.

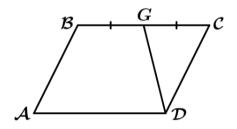




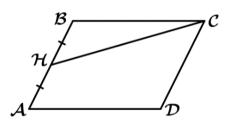




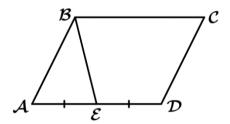
**59.** (ОБЗ) Площадь параллелограмма ABCD равна 92. Точка F – середина стороны CD. Найдите площадь трапеции ABCF.



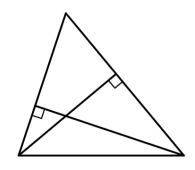
**60.** (ОБЗ) Площадь параллелограмма ABCD равна 132. Точка G – середина стороны BC. Найдите площадь трапеции ABGD.



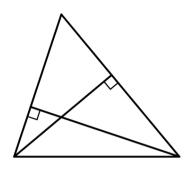
**61.** (ОБЗ) Площадь параллелограмма ABCD равна 142. Точка H – середина стороны AB. Найдите площадь трапеции AHCD.

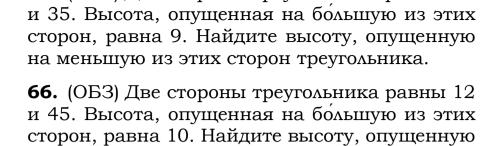


**62.** (ОБЗ) Площадь параллелограмма ABCD равна 126. Точка Е – середина стороны AD. Найдите площадь трапеции BCDE.

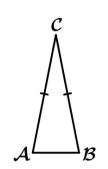


- **63.** (ОБЗ) Две стороны треугольника равны 21 и 28. Высота, опущенная на большую из этих сторон, равна 15. Найдите высоту, опущенную на меньшую из этих сторон треугольника.
- **64.** (ОБЗ) Две стороны треугольника равны 20 и 35. Высота, опущенная на большую из этих сторон, равна 12. Найдите высоту, опущенную на меньшую из этих сторон треугольника.



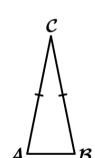


65. (ОБЗ) Две стороны треугольника равны 10

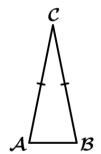


67. Угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника, равен 30°. Боковая сторона треугольника равна 11. Найдите площадь этого треугольника.

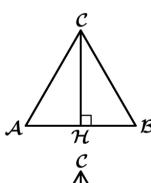
на меньшую из этих сторон треугольника.



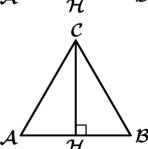
68. Угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника, равен 30°. Боковая сторона треугольника равна 13. Найдите площадь этого треугольника.



69. Угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника, равен 30°. Боковая сторона треугольника равна 18. Найдите площадь этого треугольника.

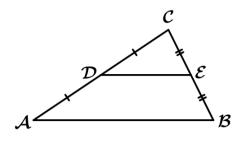


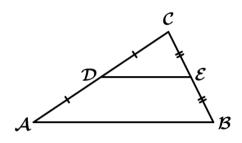
70. Угол при вершине, противолежащей основанию равнобедренного треугольника, равен 30°. Боковая сторона треугольника равна 14. Найдите площадь этого треугольника.

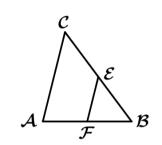


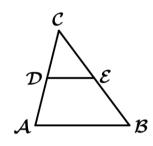
- 71. В равностороннем треугольнике АВС высота СН равна  $45\sqrt{3}$ . Найдите AB.
- 72. В равностороннем треугольнике АВС высота СН равна  $47\sqrt{3}$ . Найдите AB.
- 73. В равностороннем треугольнике АВС высота СН равна  $27\sqrt{3}$ . Найдите AB.
- 74. В равностороннем треугольнике АВС высота СН равна  $24\sqrt{3}$ . Найдите AB.

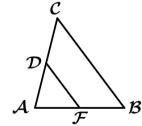
#### IV) Подобные треугольники

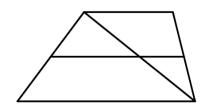




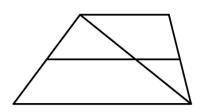






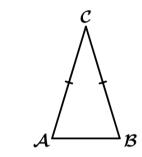


- **75.** (ОБЗ) Площадь треугольника ABC равна 36, DE средняя линия, параллельная стороне AB. Найдите площадь треугольника CDE.
- **76.** (ОБЗ) Площадь треугольника ABC равна 52, DE средняя линия, параллельная стороне AB. Найдите площадь треугольника CDE.
- **77.** (ОБЗ) Площадь треугольника ABC равна 24, DE средняя линия, параллельная стороне AB. Найдите площадь трапеции ABED.
- **78.** (ОБЗ) Площадь треугольника ABC равна 40, DE средняя линия, параллельная стороне AB. Найдите площадь трапеции ABED.
- **79.** (ОБЗ) В треугольнике ABC EF средняя линия. Площадь треугольника BEF равна 4. Найдите площадь треугольника ABC.
- **80.** (ОБЗ) В треугольнике ABC EF средняя линия. Площадь треугольника BEF равна 6. Найдите площадь треугольника ABC.
- **81.** (ОБЗ) В треугольнике ABC DE средняя линия. Площадь треугольника CDE равна 24. Найдите площадь треугольника ABC.
- **82.** (ОБЗ) В треугольнике ABC DF средняя линия. Площадь треугольника ADF равна 27. Найдите площадь треугольника ABC.
- **83.** (ОБЗ) Основания трапеции равны 4 и 10. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.
- **84.** (ОБЗ) Основания трапеции равны 2 и 8. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.

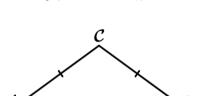


- 85. (ОБЗ) Основания трапеции равны 3 и 11. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.
- 86. (ОБЗ) Основания трапеции равны 1 и 17. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.

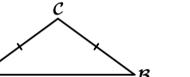
# V) Синус, косинус, тангенс острого угла, теорема Пифагора



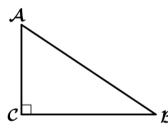
**87.** В треугольнике ABC AC=BC=16, AB=8. Найдите cosA.



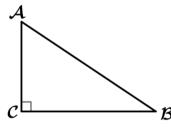
**88.** В треугольнике ABC AC=BC=20, AB=12. Найдите cosA.



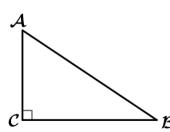
**89.** В треугольнике ABC AC=BC=20, AB=28. Найдите cosA.



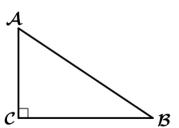
**90.** В треугольнике ABC AC=BC=12, AB=6. Найдите cosA.



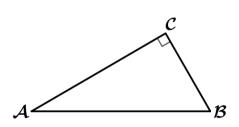
**91.** В треугольнике АВС угол С равен 90°, BC=12,  $\cos B = \frac{3}{5}$ . Найдите AB.



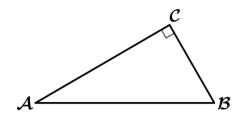
**92.** В треугольнике АВС угол С равен 90°, BC=10,  $\cos B = \frac{2}{5}$ . Найдите AB.

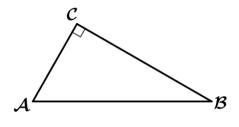


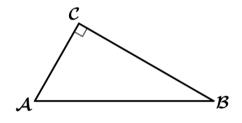
93. В треугольнике ABC угол C равен 90°, BC=12,  $\cos B = \frac{4}{5}$ . Найдите AB.

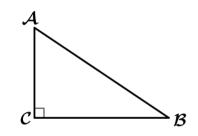


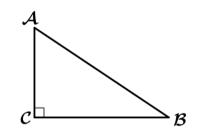
- 94. В треугольнике ABC угол C равен 90°, BC=18,  $\cos B = \frac{3}{5}$ . Найдите AB.
- 95. (ОБЗ) В треугольнике АВС угол С равен 90°, AB=10, AC= $\sqrt{91}$ . Найдите sinA.
- 96. (ОБЗ) В треугольнике АВС угол С равен 90°, AB=10, AC= $\sqrt{51}$ . Найдите sinA.

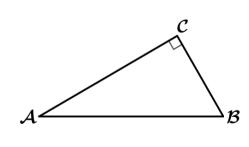


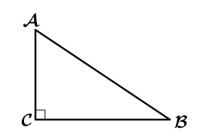




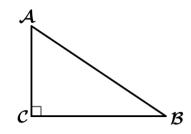


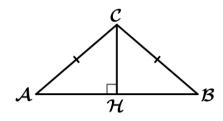


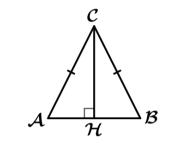


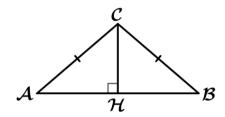


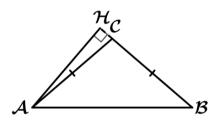
- **97.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен  $90^{\circ}$ , AB=30, AC= $3\sqrt{19}$ . Найдите sinA.
- **98.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен  $90^{\circ}$ , AB=40, AC= $4\sqrt{51}$ . Найдите sinA.
- **99.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен 90°, AB=15, BC=9. Найдите cosA.
- **100.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен 90°, AB=5, BC=4. Найдите cosA.
- **101.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен  $90^{\circ}$ , AB=10, BC= $\sqrt{19}$ . Найдите  $\cos A$ .
- **102.** (ОБЗ) В треугольнике ABC угол C равен  $90^{\circ}$ , AB=6, BC= $3\sqrt{3}$ . Найдите cosA.
- **103.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, BC=6, AB=10. Найдите sinB.
- **104.** В треугольнике ABC угол C равен 90°,  $BC = 8\sqrt{6}$ , AB=20. Найдите sinB.
- **105.** В треугольнике ABC угол C равен 90°,  $BC = 3\sqrt{21}$ , AB=15. Найдите sinB.
- **106.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, BC= $12\sqrt{3}$ , AB=24. Найдите sinB.
- **107.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, sinA=0,8. Найдите sinB.
- **108.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, sinA=0,6. Найдите sinB.
- **109.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, AC=10,  $tgA = \frac{12}{5}$ . Найдите AB.
- **110.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, AC=24,  $tgA = \frac{15}{8}$ . Найдите AB.

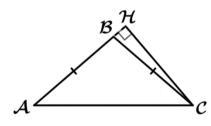


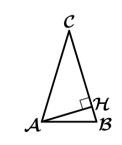




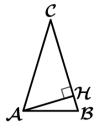


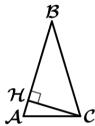






- **111.** В треугольнике ABC угол C равен 90°, AC=7,  $tgA = \sqrt{3}$ . Найдите AB.
- **112.**В треугольнике ABC угол C равен 90°, AC=6,  $tgA = \frac{\sqrt{5}}{2}$ . Найдите AB.
- **113.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна 7,2,  $\cos A = \frac{4}{5}$ . Найдите AC.
- **114.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна 9,6,  $\cos A = \frac{7}{25}$ . Найдите AC.
- **115.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна 16, cosA=0,6. Найдите AC.
- **116.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна 19,2, cosA=0,28. Найдите AC.
- **117.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна 1,  $\cos A = \frac{2\sqrt{6}}{5}$ . Найдите AC.
- **118.** В треугольнике ABC AC=BC, высота CH равна  $2\sqrt{6}$ ,  $\cos A=0,2$ . Найдите AC.
- **119.** В треугольнике ABC AC=BC, AB=20, высота AH равна 8. Найдите синус угла BAC.
- **120.** В треугольнике ABC AC=BC, AB=10, высота АН равна 3. Найдите синус угла BAC.
- **121.** В треугольнике ABC AB=BC, AC=14, высота CH равна 7. Найдите синус угла ACB.
- **122.** В треугольнике ABC AB=BC, AC=15, высота CH равна 6. Найдите синус угла ACB.
- **123.**В треугольнике ABC AC=BC, AB=8, AH высота, BH=2. Найдите косинус угла BAC.
- **124.** В треугольнике ABC AC=BC, AB=10, AH высота, BH=5. Найдите косинус угла BAC.





- **125.** В треугольнике ABC AC=BC, AB=5, высота АН равна 4. Найдите синус угла BAC.
- **126.** В треугольнике ABC AC=BC, AB=30, высота AH равна 18. Найдите синус угла BAC.
- **127.**В треугольнике ABC AB=BC, AC=30, высота CH равна 27. Найдите синус угла ACB.
- **128.**В треугольнике ABC AB=BC, AC=24, высота CH равна 18. Найдите синус угла ACB.

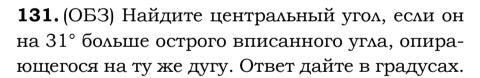
## VI) Центральные и вписанные углы



**129.** (ОБЗ) Найдите центральный угол, если он на 28° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу. Ответ дайте в градусах.



**130.** (ОБЗ) Найдите центральный угол, если он на 40° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу. Ответ дайте в градусах.

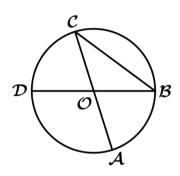


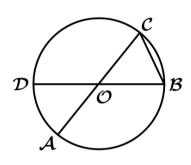
- **132.** (ОБЗ) Найдите центральный угол, если он на 39° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу. Ответ дайте в градусах.
- **133.** (ОБЗ) Центральный угол на 32° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу окружности. Найдите вписанный угол. Ответ дайте в градусах.

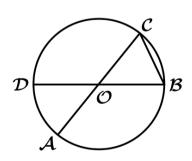


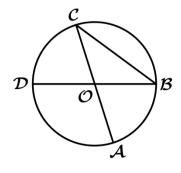
**134.** (ОБЗ) Центральный угол на 36° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу окружности. Найдите вписанный угол. Ответ дайте в градусах.



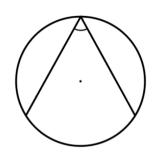


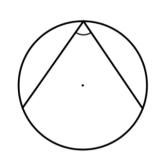


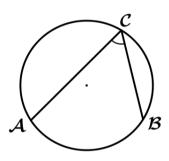


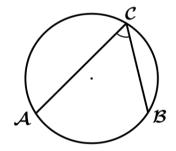


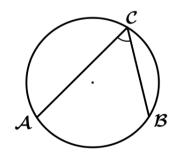
- **135.** (ОБЗ) Центральный угол на 27° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу окружности. Найдите вписанный угол. Ответ дайте в градусах.
- **136.** (ОБЗ) Центральный угол на 41° больше острого вписанного угла, опирающегося на ту же дугу окружности. Найдите вписанный угол. Ответ дайте в градусах.
- **137.** (ОБЗ) Отрезки АС и ВD диаметры окружности с центром О. Угол АОD равен 114°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **138.** (ОБЗ) Отрезки АС и ВD диаметры окружности с центром О. Угол АОD равен 130°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **139.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АОD равен 68°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **140.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АОD равен 72°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **141.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АСВ равен 56°. Найдите угол АОD. Ответ дайте в градусах.
- **142.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АСВ равен 48°. Найдите угол АОD. Ответ дайте в градусах.
- **143.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АСВ равен 32°. Найдите угол АОD. Ответ дайте в градусах.
- **144.** (ОБЗ) Отрезки АС и BD диаметры окружности с центром О. Угол АСВ равен 39°. Найдите угол АОD. Ответ дайте в градусах.

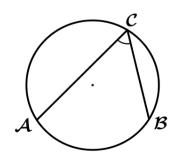




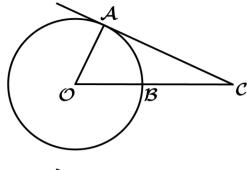




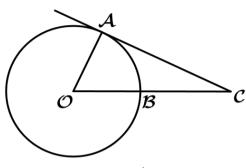




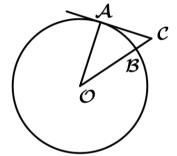
- **145.** Найдите вписанный угол, опирающийся на дугу, равную  $\frac{1}{5}$  окружности. Ответ дайте в градусах.
- **146.** Найдите вписанный угол, опирающийся на дугу, равную  $\frac{13}{36}$  окружности. Ответ дайте в градусах.
- **147.** Найдите вписанный угол, опирающийся на дугу, равную  $\frac{7}{18}$  окружности. Ответ дайте в градусах.
- **148.** Найдите вписанный угол, опирающийся на дугу, равную  $\frac{5}{12}$  окружности. Ответ дайте в градусах.
- **149.** На окружности отмечены точки А, В и С. Дуга окружности АС, не содержащая точку В, составляет 120°. Дуга окружности ВС, не содержащая точку А, составляет 82°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **150.** На окружности отмечены точки А, В и С. Дуга окружности АС, не содержащая точку В, составляет 105°. Дуга окружности ВС, не содержащая точку А, составляет 91°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **151.** На окружности отмечены точки А, В и С. Дуга окружности АС, не содержащая точку В, составляет 125°. Дуга окружности ВС, не содержащая точку А, составляет 79°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **152.** На окружности отмечены точки А, В и С. Дуга окружности АС, не содержащая точку В, составляет 110°. Дуга окружности ВС, не содержащая точку А, составляет 88°. Найдите вписанный угол АСВ. Ответ дайте в градусах.



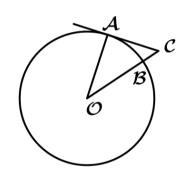
**153.** (ОБЗ) Угол АСО равен 27°, где О – центр окружности. Его сторона СА касается окружности. Сторона СО пересекает окружность в точке В (см. рис.). Найдите величину меньшей дуги АВ окружности. Ответ дайте в градусах.



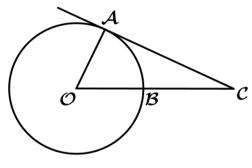
**154.** (ОБЗ) Угол АСО равен 34°, где О – центр окружности. Его сторона СА касается окружности. Сторона СО пересекает окружность в точке В (см. рис.). Найдите величину меньшей дуги АВ окружности. Ответ дайте в градусах.



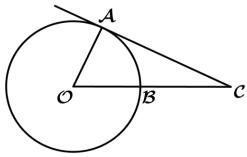
**155.** (ОБЗ) Угол АСО равен 62°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Отрезок СО пересекает окружность в точке В (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АВ окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.



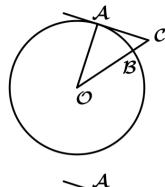
**156.** (ОБЗ) Угол АСО равен 58°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Отрезок СО пересекает окружность в точке В (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АВ окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.

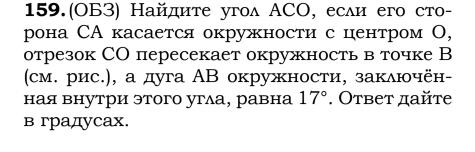


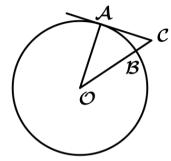
**157.** (ОБЗ) Найдите угол АСО, если его сторона СА касается окружности с центром О, отрезок СО пересекает окружность в точке В (см. рис.), а дуга АВ окружности, заключённая внутри этого угла, равна 48°. Ответ дайте в градусах.



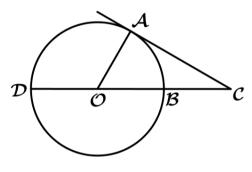
**158.** (ОБЗ) Найдите угол АСО, если его сторона СА касается окружности с центром О, отрезок СО пересекает окружность в точке В (см. рис.), а дуга АВ окружности, заключённая внутри этого угла, равна 54°. Ответ дайте в градусах.



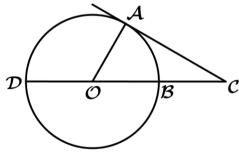




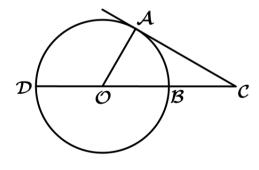
**160.** (ОБЗ) Найдите угол АСО, если его сторона СА касается окружности с центром О, отрезок СО пересекает окружность в точке В (см. рис.), а дуга АВ окружности, заключённая внутри этого угла, равна 22°. Ответ дайте в градусах.



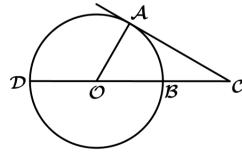
**161.** Угол АСО равен 28°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Сторона СО пересекает окружность в точках В и D (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АD окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.



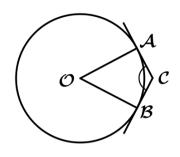
**162.** Угол АСО равен 46°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Сторона СО пересекает окружность в точках В и D (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АD окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.

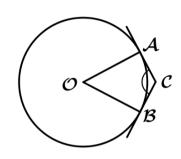


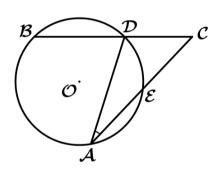
**163.** Угол АСО равен 51°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Сторона СО пересекает окружность в точках В и D (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АD окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.

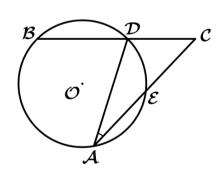


**164.** Угол АСО равен 39°. Его сторона СА касается окружности с центром в точке О. Сторона СО пересекает окружность в точках В и D (см. рис.). Найдите градусную меру дуги АD окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.



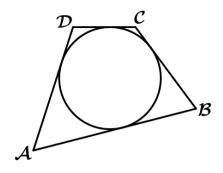


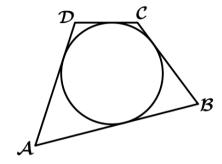


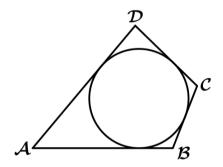


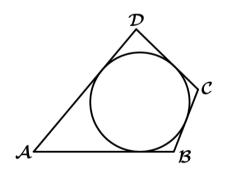
- **165.** Через концы А и В дуги окружности с центром О проведены касательные АС и ВС. Меньшая дуга АВ равна 58°. Найдите угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **166.** Через концы А и В дуги окружности с центром О проведены касательные АС и ВС. Меньшая дуга АВ равна 40°. Найдите угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **167.** Через концы А и В дуги окружности с центром О проведены касательные АС и ВС. Меньшая дуга АВ равна 74°. Найдите угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **168.** Через концы А и В дуги окружности с центром О проведены касательные АС и ВС. Меньшая дуга АВ равна 64°. Найдите угол АСВ. Ответ дайте в градусах.
- **169.** Угол АСВ равен 54°. Градусная мера дуги АВ окружности, не содержащей точек D и E, равна 138°. Найдите угол DAE. Ответ дайте в градусах.
- **170.** Угол АСВ равен 62°. Градусная мера дуги АВ окружности, не содержащей точек D и E, равна 142°. Найдите угол DAE. Ответ дайте в градусах.
- **171.** Угол АСВ равен 46°. Градусная мера дуги АВ окружности, не содержащей точек D и E, равна 130°. Найдите угол DAE. Ответ дайте в градусах.
- **172.** Угол АСВ равен 55°. Градусная мера дуги АВ окружности, не содержащей точек D и E, равна 136°. Найдите угол DAE. Ответ дайте в градусах.

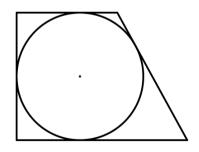
### VII) Вписанная окружность



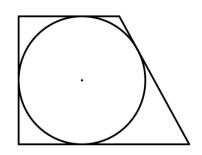


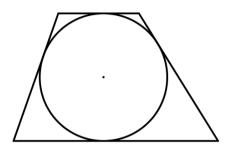


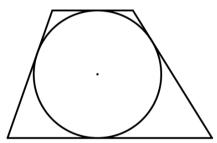




- **173.** В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=13, BC=7 и AD=11. Найдите четвёртую сторону четырёхугольника.
- **174.** В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=20, BC=17 и AD=5. Найдите четвёртую сторону четырёхугольника.
- **175.** В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=18, BC=5 и CD=9. Найдите четвёртую сторону четырёхугольника.
- **176.** В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=19, BC=7 и CD=10. Найдите четвёртую сторону четырёхугольника.
- **177.** (ОБЗ) В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=22, CD=17. Найдите периметр четырёхугольника ABCD.
- **178.** (ОБЗ) В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=24, CD=19. Найдите периметр четырёхугольника ABCD.
- **179.** (ОБЗ) В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=57, CD=31. Найдите периметр четырёхугольника ABCD.
- **180.** (ОБЗ) В четырёхугольник ABCD вписана окружность, AB=43, CD=22. Найдите периметр четырёхугольника ABCD.
- **181.** Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 40, её большая боковая сторона равна 11. Найдите радиус окружности.
- **182.** Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 32, её большая боковая сторона равна 9. Найдите радиус окружности.

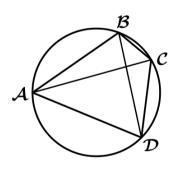


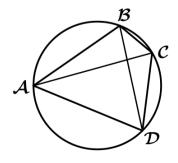




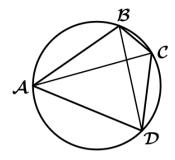
- **183.** Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 24, её большая боковая сторона равна 7. Найдите радиус окружности.
- **184.** Периметр прямоугольной трапеции, описанной около окружности, равен 28, её большая боковая сторона равна 11. Найдите радиус окружности.
- **185.** Боковые стороны трапеции, описанной около окружности, равны 15 и 22. Найдите среднюю линию трапеции.
- **186.** Боковые стороны трапеции, описанной около окружности, равны 9 и 12. Найдите среднюю линию трапеции.
- **187.** Боковые стороны трапеции, описанной около окружности, равны 12 и 15. Найдите среднюю линию трапеции.
- **188.** Боковые стороны трапеции, описанной около окружности, равны 10 и 19. Найдите среднюю линию трапеции.

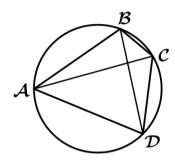
# VIII) Описанная окружность

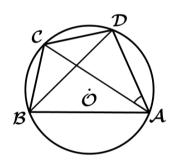


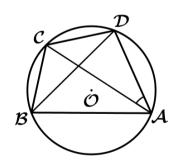


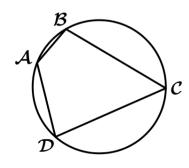
- **189.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABD равен 61°, угол CAD равен 37°. Найдите угол ABC. Ответ дайте в градусах.
- **190.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABD равен 68°, угол CAD равен 44°. Найдите угол ABC. Ответ дайте в градусах.
- **191.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABD равен 70°, угол CAD равен 49°. Найдите угол ABC. Ответ дайте в градусах.
- **192.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABD равен 73°, угол CAD равен 38°. Найдите угол ABC. Ответ дайте в градусах.



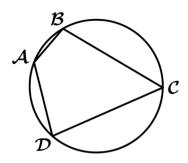


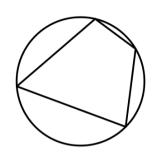


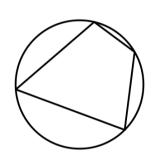


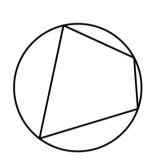


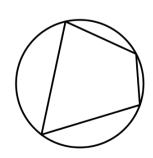
- **193.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 98°, угол CAD равен 44°. Найдите угол ABD. Ответ дайте в градусах.
- **194.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 61°, угол CAD равен 37°. Найдите угол ABD. Ответ дайте в градусах.
- **195.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 104°, угол CAD равен 41°. Найдите угол ABD. Ответ дайте в градусах.
- **196.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 113°, угол CAD равен 38°. Найдите угол ABD. Ответ дайте в градусах.
- **197.** Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 82°, угол ABD равен 47°. Найдите угол CAD. Ответ дайте в градусах.
- **198.** Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 98°, угол ABD равен 64°. Найдите угол CAD. Ответ дайте в градусах.
- **199.** Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 102°, угол ABD равен 56°. Найдите угол CAD. Ответ дайте в градусах.
- **200.** Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол ABC равен 96°, угол ABD равен 48°. Найдите угол CAD. Ответ дайте в градусах.
- **201.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол BAD равен 136°. Найдите угол BCD. Ответ дайте в градусах.
- **202.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол BAD равен 142°. Найдите угол BCD. Ответ дайте в градусах.





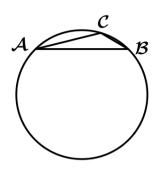


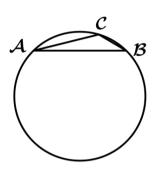




- **203.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол BCD равен 39°. Найдите угол BAD. Ответ дайте в градусах.
- **204.** (ОБЗ) Четырёхугольник ABCD вписан в окружность. Угол BCD равен 41°. Найдите угол BAD. Ответ дайте в градусах.
- **205.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 56° и 77°. Найдите меньший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **206.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 63° и 76°. Найдите меньший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **207.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 58° и 79°. Найдите меньший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **208.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 61° и 75°. Найдите меньший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **209.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 78° и 113°. Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **210.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 81° и 83°. Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **211.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 83° и 89°. Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.
- **212.** (ОБЗ) Два угла вписанного в окружность четырёхугольника равны 77° и 111°. Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.

# <u>IX) Расширенная теорема синусов</u>





- **213.** (ОБЗ) В треугольнике ABC сторона AB равна  $3\sqrt{2}$ , угол C равен  $135^{\circ}$ . Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.
- **214.** (ОБЗ) В треугольнике ABC сторона AB равна  $2\sqrt{3}$ , угол C равен  $120^{\circ}$ . Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.
- **215.** (ОБЗ) В треугольнике АВС сторона АВ равна  $9\sqrt{2}$ , угол С равен 135°. Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.
- **216.** (ОБЗ) В треугольнике АВС сторона АВ равна  $8\sqrt{3}$ , угол С равен 120°. Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.