

**Вероятности элементарных
событий. Равновозможные
элементарные события**



Рассмотрим случайный эксперимент, в котором три элементарных события.

Обозначим их: a , b , c .

Вероятности этих элементарных событий обозначим:

$P(a)$, $P(b)$, $P(c)$

Весь случайный опыт – это одно большое событие, которое обязательно наступит и его максимальная вероятность 1.

В результате эксперимента какое-то одно из элементарных событий обязательно наступает.

Причем, два элементарных исхода наступить не могут.

**Поэтому вероятности элементарных событий
следует назначать, следуя правилам:**

**1. Вероятности элементарных событий
неотрицательны.**

**2. Сумма вероятностей всех элементарных
событий равняется единице.**

**Для трех элементарных событий a , b , c должно
выполняться равенство:**

$$P(a) + P(b) + P(c) = 1$$

Повторим опыт N раз.

Пусть элементарное событие a произошло $N(a)$ раз.

Событие b произошло $N(b)$ раз.

Событие c произошло $N(c)$ раз.

Значит, частоты событий a, b, c :

$$\frac{N(a)}{N}, \frac{N(b)}{N}, \frac{N(c)}{N}$$
$$\frac{N(a)}{N} + \frac{N(b)}{N} + \frac{N(c)}{N} = 1$$

В некоторых случаях вероятности элементарных исходов можно рассчитать.

В других случаях их можно оценить с помощью частот, проведя множество наблюдений.

А иногда вероятности элементарных событий назначить не удастся никак.

Иногда элементарные события в опыте имеют одинаковые шансы.

Например, при одном бросании игральной кости элементарные события – это 1, 2, 3, 4, 5 или 6 очков.



Если кость правильная (симметричная), то шансы этих шести элементарных событий одинаковы.

Если в случайном опыте шансы всех элементарных событий одинаковы, то он называется случайным опытом с равновозможными элементарными событиями.

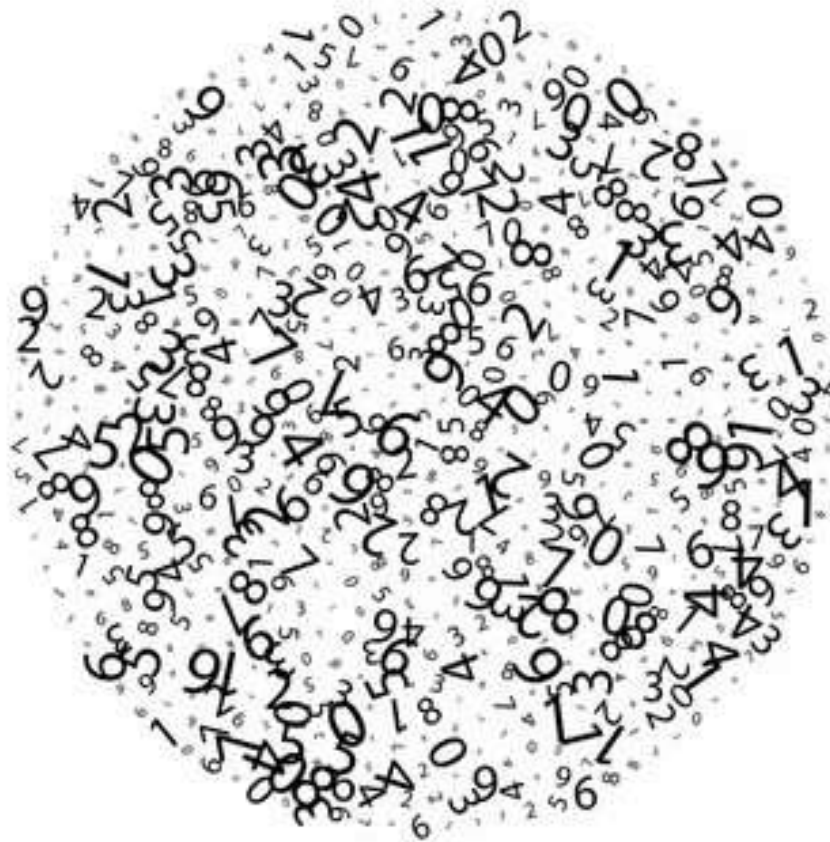
При бросании двух игральных костей элементарных событий 36, и все они равновозможны.

Опыты с равновозможными элементарными событиями возникают при бросании костей, раздаче игральных карт, в лотереях, жребиях, социологических исследованиях и других искусственных экспериментах.



Равновозможные исходы возникают не только в играх или опросах.

Есть очень важная математическая задача – генерация случайных чисел.



Мы все пользуемся мобильными телефонами, а значит – многочисленными алгоритмами шифрования и защиты данных.

Во всех этих алгоритмах используются случайные числа.



Случайные числа – десятичные дроби, которые с равными шансами выбираются из интервала от 0 до 1.

Программа для создания случайных чисел называется генератором случайных чисел.

Предположим, что в некотором случайном опыте N элементарных событий, вероятность каждого равна p .

Тогда сумма всех вероятностей равна 1:

$$\underbrace{p + p + p + \dots + p + p}_{N \text{ одинаковых слагаемых}} = 1$$

Значит, $N(p) = 1$, откуда $p = \frac{1}{N}$

Если в случайном опыте ровно N равновозможных элементарных событий, то вероятность каждого из них равна $\frac{1}{N}$.

В природе опыты с равновозможными элементарными событиями практически не встречаются, но эти опыты очень важны.

Во-первых, с помощью искусственных опытов с равновозможными событиями часто удается находить приближенные решения сложных и важных задач.

Во-вторых, эксперименты с равновозможными событиями удобны при изучении теории вероятности.



Шутка:

- Какова вероятность встретить на прогулке живого динозавра? – спрашивает преподаватель студента.
- Одна вторая, - отвечает студент.
- Это почему же? – удивился преподаватель.
- Либо встречу, либо нет.



Ошибка Д'Аламбера



Жан Лерон Д'Аламбер – французский ученый, который жил в XVIII в. и занимался математикой и физикой.

В 1764 г. был избран почетным членом Санкт-Петербургской академии наук, хотя ни разу не был в России.

Ошибка Д'Аламбера

В опыте, где монету бросают 2 раза, всего четыре элементарных события:

ОО, ОР, РО и РР

Эти четыре события равновозможны из-за симметричности монет, и вероятность каждого из них равна $\frac{1}{4}$.



Если вместо того чтобы бросать монету 2 раза, мы одновременно бросим две одинаковые монеты, то элементарные события ОР и РО покажутся нам одним событием: ведь монеты одинаковы.



Значит, в этом опыте три элементарных события:

«два орла»

«две решки»

«орел и решка»

Может возникнуть ошибочное впечатление, что вероятность каждого из них равна $\frac{1}{3}$.

Именно так и посчитал Д'Аламбер.

**На самом деле эти элементарные события не равновозможны:
вероятность события «два орла» и вероятность события
«две решки» равны $\frac{1}{2}$, а вероятность события «орел и**

